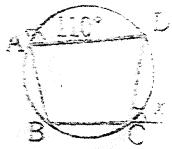
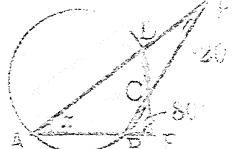


1. 次の図で、 $\angle x$  の大きさを求めよ。ただし点 O は円の中心、(3)の AT は円の接線、点 A はその接点である。

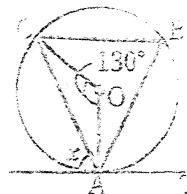
(1)



(2)



(3)

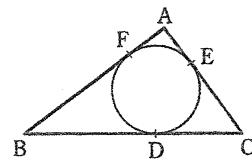


2.  $\triangle ABC$  の内接円が辺 BC, CA, AB と接する点をそれぞれ D, E, F とする。BC=a, CA=b, AB=c とし、内接円の半径を r とする時、次の問いに答えよ。

(1) BD, CE, AF の長さを a, b, c で表せ。

(2)  $\triangle ABC$  の面積を a, b, c, r で表せ。

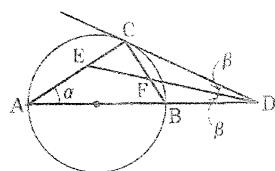
(3) a=5, b=3, c=4 のとき r の値を求めよ。



## &lt;Challenge!!&gt;

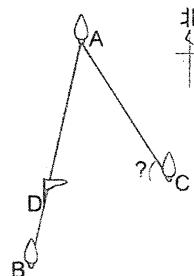
右の図で、DC は円の接線、DA は円の中心を通る直線。 $\angle CAB=\alpha$ ,  $\angle CDE=\angle EDA=\beta$  とする。

- (1)  $\angle CEF$  を  $\alpha$  と  $\beta$  で表せ。
- (2)  $\angle CFE$  を  $\alpha$  と  $\beta$  で表せ。
- (3)  $\angle CEF$  の大きさを求めよ。



## &lt;楽しい角度問題&gt;

公園に 3 本の木 A, B, C があります。B は A から西に 4m, 南に 18m の位置にあり, C は A から東に 7m, 南に 11m の位置にあります。A と B の間には赤い線を, A と C の間に青い線をまっすぐ引きます。赤い線の途中に旗 D を立て, A から C までと A から D までが同じ距離になるようにします。C と D の間に黄色い線をまっすぐに引きます。青い線と黄色い線の間の角の大きさは何度ですか。

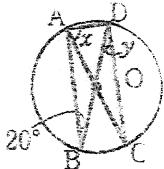


次の文のカタカナを漢字に直せ。( ) 送り仮名もかく)

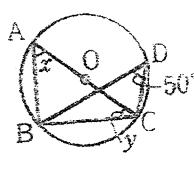
## 類題

1. 次の図で、 $\angle x$ 、 $\angle y$ の大きさを求めよ。ただし点Oは円の中心、(3)のATは円の接線、点Aはその接点である。

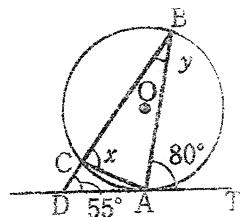
(1)



(2)



(3)



2.

\*配点  
①～⑫各  
0.5  
点

⑪ レンラクをする

⑫ 嘘しい山道にナンジョウする

⑬ 大手二社がガツベイする

⑭ みんなの前でブショクされた

⑮ 売した器の代金をヘンショウする

⑯ 会場にシンシン淑女が集まつた



得点

⑰ シュヨウの手術

⑱ ケンソウテキな物語を読んだ

⑲ 車のオウライが絶えない

⑳ 縁談のチュウカイの勞をとる

㉑ 手のコウに薬を塗る

㉒ コウリョクすべき事態になつた

# 高校数学 チェックテスト 12/6 解答



## 1. 円に内接する四角形・接弦定理【各3点】

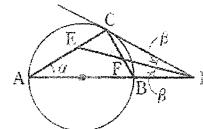
- (1)  $70^\circ$  (2)  $40^\circ$  (3)  $65^\circ$

## 2. 三角形に内接する円

$$(1) \text{D} = \frac{c+a+b}{2}, \text{CE} = \frac{a+b-c}{2}, \text{AF} = \frac{b+c-a}{2}$$

$$(2) \frac{1}{2}r(a+b+c)$$

$$(3) r = 1$$



- (1)  $\angle CEF$  は、 $\triangle EAD$  において  $\angle DEA$  の外角だから、  
 $\angle CEF = \alpha + \beta$
- (2)  $CD$  は円の接線だから、接弦定理より、  
 $\angle BCD = \angle CAB = \alpha$   
 $\angle CFE$  は、 $\triangle CFD$  において  $\angle CFD$  の外角だから、  
 $\angle CFE = \alpha + \beta$
- (3)  $AB$  は円の直径だから、 $\angle ECF = 90^\circ$   
また、(1), (2)より、 $\angle CEF = \angle CFE$   
よって、 $\triangle CEF$  は直角二等辺三角形だから、  
 $\angle CEF = 45^\circ$

<Challenge!!> (+2点ずつ)

- (1)  $\alpha + \beta$  (2)  $\alpha + \beta$  (3)  $\angle CEF = 45^\circ$

<楽しい角度問題> (+5点)

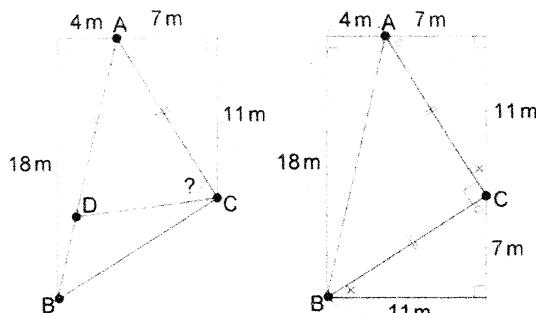
$$x=67.5^\circ$$

## 類題

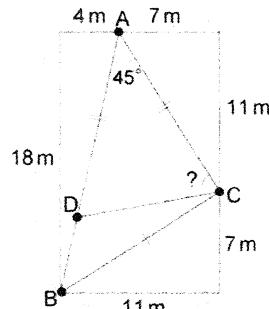
## 1. 円に内接する四角形・接弦定理

- (1)  $x = 70^\circ$ ,  $y = 20^\circ$   
(2)  $x = 50^\circ$ ,  $y = 40^\circ$   
(3)  $x = 80^\circ$ ,  $y = 25^\circ$

## 2.



このような位置関係です。合同な2つの直角三角形に注目すると、  
△ABCが直角二等辺三角形だとわかります。



△ADC は二等辺三角形なので、  
角 ACD =  $(180 - 45) \div 2 = 67.5$  度です。

① 右手のチョウノヨク	② 難渋	③ 合併	④ 侮辱	⑤ 弁償	⑥ 紳士
⑦ 差し合った山道にアシシニウスする	⑧ 大手二社がカツヘイする	⑨ みんなの前でブショクされた	⑩ 僕した原のセキをベンショウする	⑪ 金庫にシンシン淑女が集まつた	⑫ ユカリヨシへき事態に
⑬ 聽力	⑭ 難渋	⑮ 合併	⑯ 侮辱	⑰ 弁償	⑱ 紳士
⑲ 複合時間にチヨクしゃ	⑳ 幻想的	㉑ 往來	㉒ 仲介	㉓ 甲	㉔ 憂慮

376 (1)  $BD = x$ ,  
 $CE = y$ ,  $AF = z$  と  
 おくと  
 $BF = BD = x$   
 $CD = CE = y$   
 $AE = AF = z$

ここで

$$AB = AF + FB \text{ から } c = z + x \quad \dots \dots \textcircled{1}$$

$$BC = BD + DC \text{ から } a = x + y \quad \dots \dots \textcircled{2}$$

$$CA = CE + EA \text{ から } b = y + z \quad \dots \dots \textcircled{3}$$

$$\textcircled{1} + \textcircled{2} - \textcircled{3} \text{ から } c + a - b = 2x$$

$$\text{よって } x = \frac{c + a - b}{2}$$

$$\textcircled{2} + \textcircled{3} - \textcircled{1} \text{ から } a + b - c = 2y$$

$$\text{よって } y = \frac{a + b - c}{2}$$

$$\textcircled{3} + \textcircled{1} - \textcircled{2} \text{ から } b + c - a = 2z$$

$$\text{よって } z = \frac{b + c - a}{2}$$

したがって

$$BD = \frac{c + a - b}{2}, \quad CE = \frac{a + b - c}{2},$$

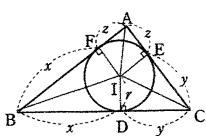
$$AF = \frac{b + c - a}{2}$$

(2) 内接円の中心を I とすると

$$\begin{aligned} \triangle ABC &= \triangle IBC + \triangle ICA + \triangle IAB \\ &= \frac{1}{2}ar + \frac{1}{2}br + \frac{1}{2}cr = \frac{1}{2}\pi(a + b + c) \end{aligned}$$

(3)  $5^2 = 3^2 + 4^2$  から  $a^2 = b^2 + c^2$

よって、 $\angle A$  は直角である。



$$\text{ゆえに } \triangle ABC = \frac{1}{2}bc = \frac{1}{2} \cdot 3 \cdot 4 = 6$$

また、(2) の結果から

$$\triangle ABC = \frac{1}{2}\pi(a + b + c) = \frac{1}{2}\pi(5 + 3 + 4) = 6r$$

$$\text{よって } 6r = 6$$

$$\text{したがって } r = 1$$