

1 次の計算をしなさい。

$$(1) \quad 5(3x-4y) - 4(2x-5y)$$

$$(2) \quad x-y - \frac{3x-y}{4}$$

$$(3) \quad (8x-6y) \div \frac{2}{3}$$

$$(4) \quad 3y^2 \times (-2x^2y)^2 \div 4xy^3$$

2 次の問いに答えなさい。

- (1) 二等辺三角形の定義を書きなさい
- (2) 「二等辺三角形の底角は等しい」の逆を書きなさい
- (3) 「10の倍数は5の倍数である」の逆を書きなさい。またそれが正しくないことを例をあげて説明しなさい。
- (4) 直角三角形の合同条件を2つ書きなさい
- (5) 平行四辺形の定義を書きなさい
- (6) 長方形の定義を書きなさい。

3  $AB=AC$ である二等辺三角形ABCで、二等辺三角形の定義をもとに、底角が等しくなることを証明しようとしています。次の問いに答えなさい。

- (1) 頂角Aの2等分線と底辺BCとの交点をDとして、 $\triangle ABD \equiv \triangle ACD$ となることを利用して証明するとき、下の□をうめて2つの三角形の合同条件を書きなさい。

□がそれぞれ等しい

- (2) (1)と異なる方法についての次の説明を完成させなさい。

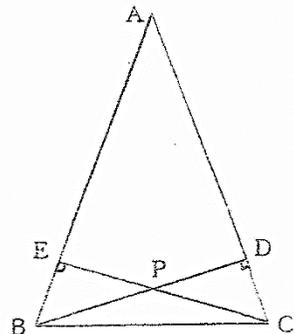
BCの□あ□をDとし、 $\triangle ABD \equiv \triangle ACD$ となることを利用する。  
このときの合同条件は□い□がそれぞれ等しいからである。

- (3) (1)または(2)によって、二等辺三角形の底角が等しいことが証明されますが、それと同時にわかることを説明する次の文を完成させなさい。

二等辺三角形の頂角の2等分線は底辺を□う□に□え□する。  
つまり、二等辺三角形の頂角の2等分線と底辺の□お□は一致する

- 4  $AB=AC$ である二等辺三角形 $ABC$ で、 $B$ 、 $C$ からそれぞれ $AC$ 、 $AB$ にひいた垂線を $BD$ 、 $CE$ とします。 $BD$ と $CE$ の交点を $P$ とすると、 $\triangle PBC$ が二等辺三角形になることを証明しなさい。

$\triangle EBC$ と $\triangle DCB$ の合同より証明しなさい。



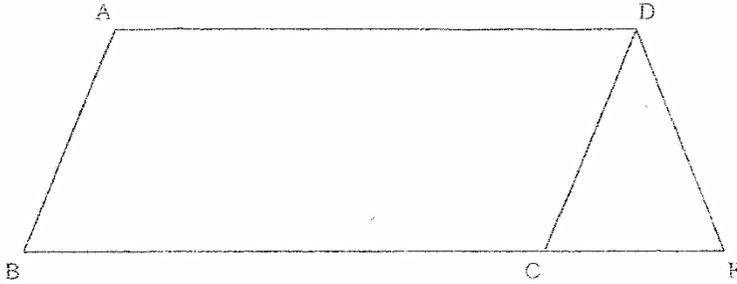
- 5 次の確率を求めなさい。

- (1) ジョーカーを除く 52 枚のトランプを裏返しにしてよく混ぜ、その中から 1 枚引くとき、カードの数が 3 である確率。
- (2) 3 枚の硬貨  $A, B, C$  を同時に投げるとき、1 枚が表で 2 枚が裏になる確率。
- (3) 大小 2 つのさいころを同時に投げるとき、出る目の和が 11 以上になる確率。
- (4) 袋の中に、赤玉 3 個と白玉 2 個の合計 5 個の玉が入っている。この袋の中から同時に 2 個の玉を取り出すとき、取り出した 2 個の玉がともに赤玉である確率。

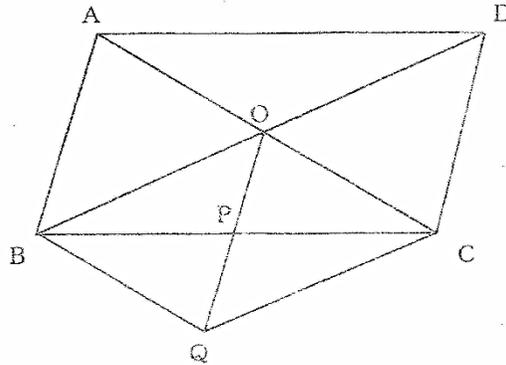
- 6 四角形  $ABCD$  が次のようになっていると、どんな四角形になりますか。名称を答えなさい。

- (1)  $AB \parallel DC$ 、 $AB=DC$ 、 $AC \perp BD$
- (2)  $AB=BC=CD=DA$ 、 $AC=BD$

- 7 下の図で四角形ABCDは平行四辺形です。辺BCの延長上に $CD=ED$ となる点Eをとります。 $\angle A=3\angle CDE$ のとき、 $\angle A$ の大きさを求めなさい。



- 8 平行四辺形ABCDの2つの対角線の交点をO、BCの中点をPとする。Cを通りBDと平行な直線とOPの延長との交点をQとすると、四角形OQCDが平行四辺形になることを次のように証明しました。下の問いに答えなさい。



(証明)  $\triangle OBP$ と $\triangle QCP$ とにおいて

仮定より  $BP = \text{あ}$  ①  
 $BD \parallel QC$ だから  $\angle OBP = \angle \text{い}$  ②  
 対頂角は等しいから  $\angle BPO = \angle CPQ$  ③  
 ①②③より  $\text{う}$  がそれぞれ等しいから

$\triangle OBP \cong \triangle QCP$

だから  $BO = CQ$  ④  
 $\text{え}$  番号で答える  $BO = DO$  ⑤

④⑤より  $CQ = \text{お}$  ⑥  
 また、仮定より  $DB \parallel CQ$ なので  $CQ \parallel \text{お}$  ⑦

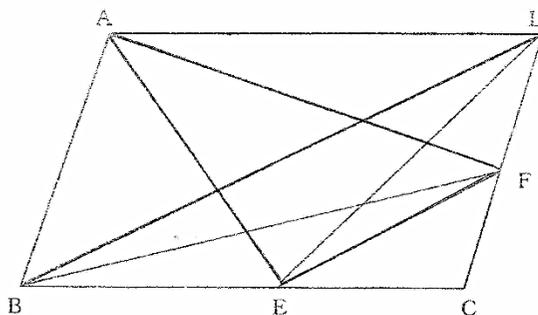
⑥⑦より  $\text{か}$  番号で答える 四角形OQCDは平行四辺形である

- (1) あ、い、お にあてはまる最も適切なものを書きなさい  
 (2) う の空らんにあてはまる三角形の合同条件を書きなさい  
 (3) え、か にあてはまるものを下の①～⑦のなかから選び番号で答えなさい。  
 (4) 証明の結果わかったものを下のイ～ホのなかから1つ選び記号で答えなさい。

- ① 平行四辺形の対辺は平行だから
- ② 平行四辺形の対辺は等しいから
- ③ 平行四辺形の2つの対角線はそれぞれの中点で交わるから
- ④ 2組の対辺がそれぞれ等しい四角形は平行四辺形だから
- ⑤ 2組の対角がそれぞれ等しい四角形は平行四辺形だから
- ⑥ 2つの対角線がそれぞれの中点で交わる四角形は平行四辺形だから
- ⑦ 1組の対辺が平行で等しい四角形は平行四辺形だから

イ  $AB=DC$     ロ  $AO=CO$     ハ  $CQ=DO$   
 ニ  $OQ=DC$     ホ  $BP=CP$

9 下の図の平行四辺形  $ABCD$  で  $BD \parallel EF$  です。  $\triangle BFD$  と面積が等しい三角形をすべて答えなさい。



10 下の図で、直線  $l$  は、  $y = -\frac{3}{2}x + 7$ 、直線  $m$  は直線  $l$  と平行で、

点  $P(4, 5)$  を通ります。直線  $l$  と  $x$  軸、 $y$  軸との交点をそれぞれ  $A$ 、 $B$  とするとき、次の問いに答えなさい。

- (1) 直線  $m$  の式を求めなさい。
- (2)  $\triangle APB$  の面積を求めなさい。
- (3) 点  $P$  を通る直線  $n$  が  $\triangle APB$  の面積を2等分するとき、直線  $n$  と直線  $l$  との交点の座標を求めなさい。

